

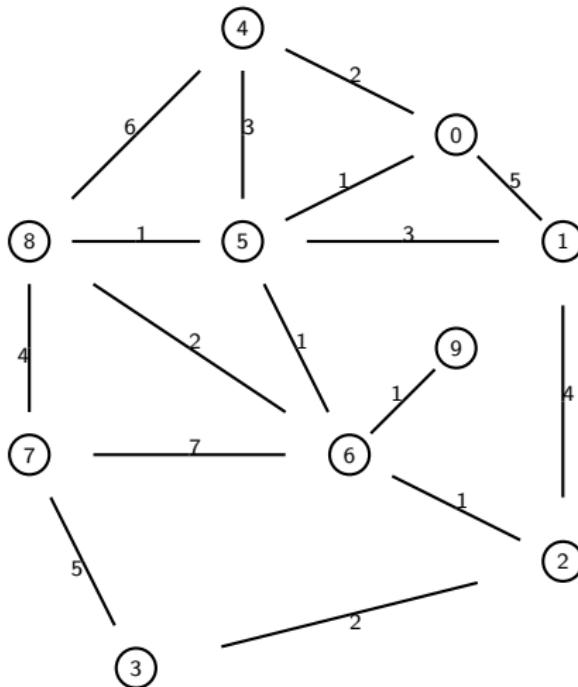
Bellman-Fordův algoritmus

text pro studenty učitelství na FP TUL

Martina Šimůnková

4. května 2023

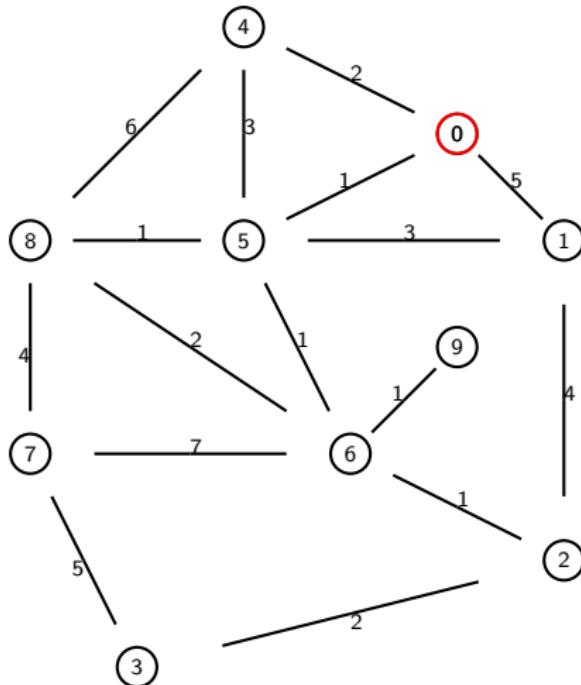
V grafu vybereme počáteční vrchol v_0 a pro všechny vrcholy v v grafu budeme hledat délku nejkratší cesty z v_0 do v . V tabulce zaznamenáme délku $h(v)$ dosud nalezené cesty a předposlední vrchol $P(v)$ na této cestě. Pomocí předchůdců $P(v)$ pak dokážeme zrekonstruovat celou cestu.



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | ∞ | |
| 1 | ∞ | |
| 2 | ∞ | |
| 3 | ∞ | |
| 4 | ∞ | |
| 5 | ∞ | |
| 6 | ∞ | |
| 7 | ∞ | |
| 8 | ∞ | |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme vrchol $v = 1$ z fronty, jeho sousedům zrelaxujeme vzdálenost a vložíme je do fronty.

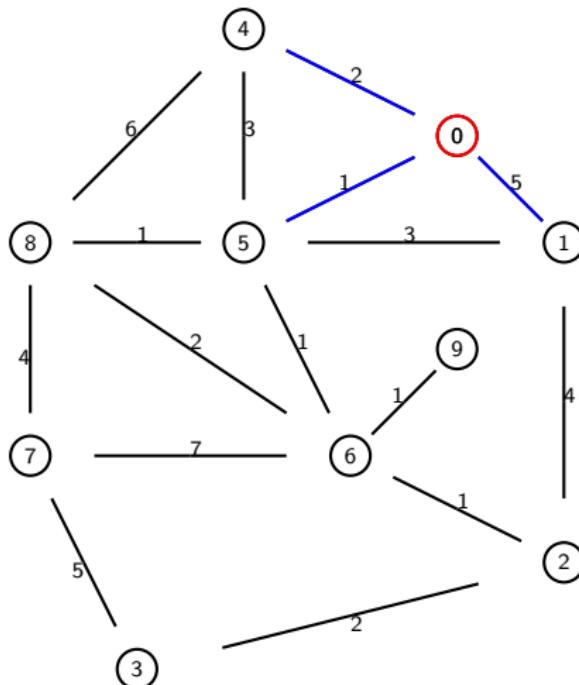
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | ∞ | |
| 2 | ∞ | |
| 3 | ∞ | |
| 4 | ∞ | |
| 5 | ∞ | |
| 6 | ∞ | |
| 7 | ∞ | |
| 8 | ∞ | |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jim vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme vrchol $v = 1$ z fronty, jeho sousedům zrelaxujeme vzdálenost a vložíme je do fronty.

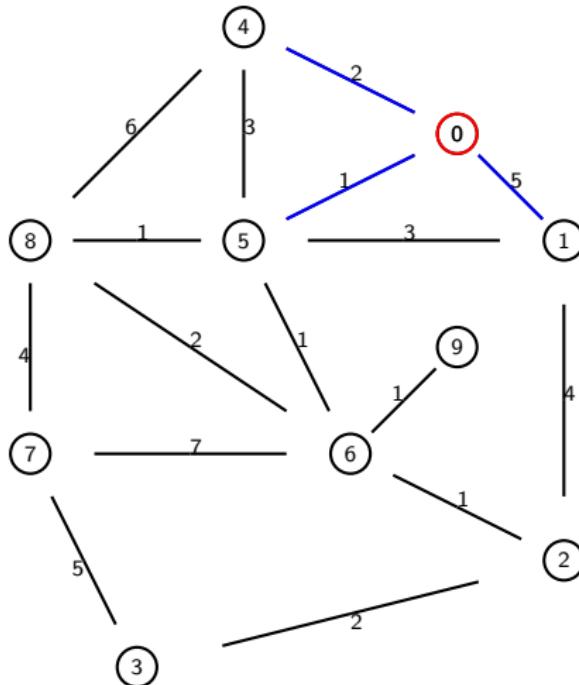
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 5 | |
| 2 | ∞ | |
| 3 | ∞ | |
| 4 | 2 | |
| 5 | 1 | |
| 6 | ∞ | |
| 7 | ∞ | |
| 8 | ∞ | |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jim vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme vrchol $v = 1$ z fronty, jeho sousedům zrelaxujeme vzdálenost a vložíme je do fronty.

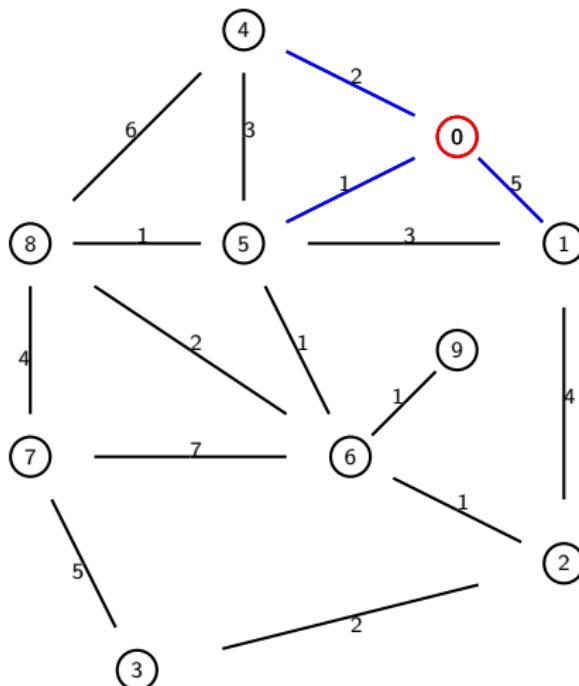
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | 0 | 0 |
| 1 | 5 | 0 |
| 2 | ∞ | |
| 3 | ∞ | |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | ∞ | |
| 7 | ∞ | |
| 8 | ∞ | |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jim vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme vrchol $v = 1$ z fronty, jeho sousedům zrelaxujeme vzdálenost a vložíme je do fronty.

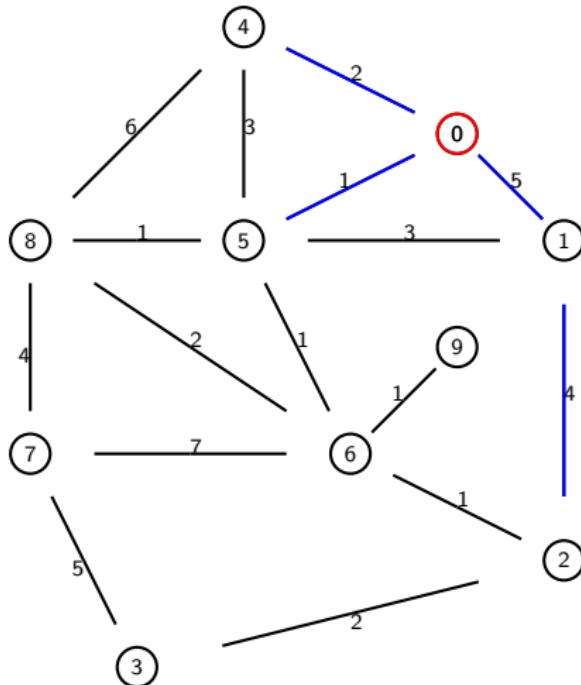
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | 0 | 0 |
| 1 | 5 | 0 |
| 2 | ∞ | |
| 3 | ∞ | |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | ∞ | |
| 7 | ∞ | |
| 8 | ∞ | |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme vrchol $v = 1$ z fronty, jeho sousedům zrelaxujeme vzdálenost a vložíme je do fronty.

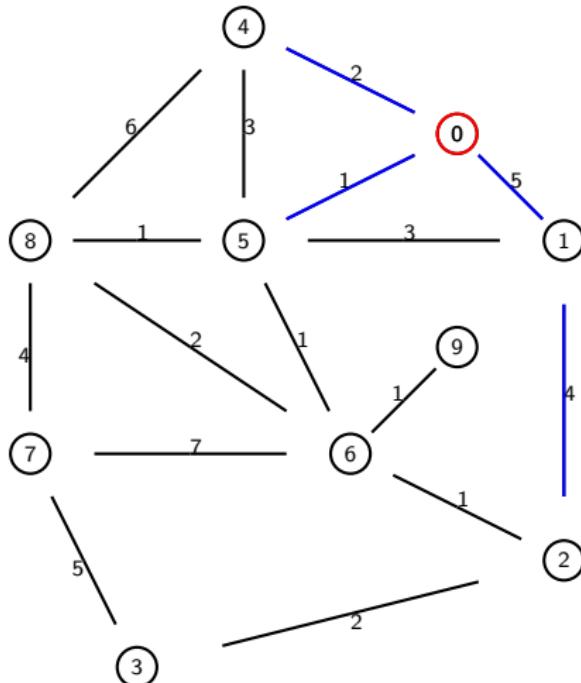
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | 0 | 0 |
| 1 | 5 | 0 |
| 2 | 9 | 1 |
| 3 | ∞ | |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | ∞ | |
| 7 | ∞ | |
| 8 | ∞ | |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme vrchol $v = 4$ z fronty, sousedům zrelaxujeme vzdálenost od v_0 a vložíme do fronty.

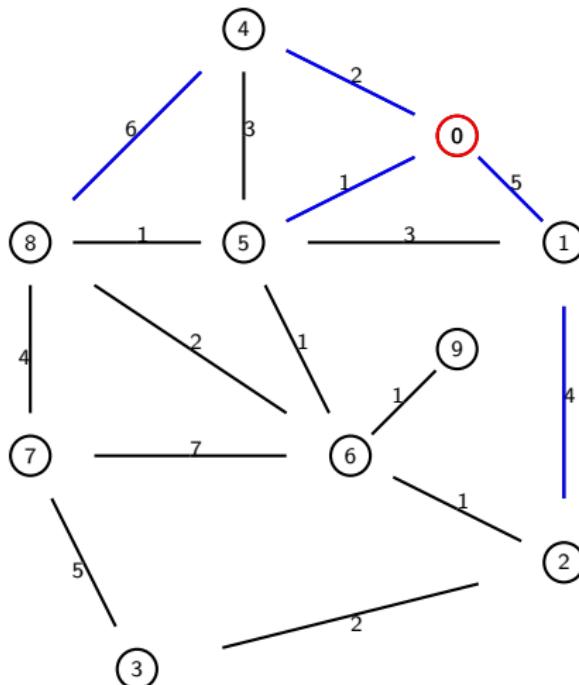
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 5 | 0 |
| 2 | 9 | 1 |
| 3 | ∞ | |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | ∞ | |
| 7 | ∞ | |
| 8 | ∞ | |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme vrchol $v = 4$ z fronty, sousedům zrelaxujeme vzdálenost od v_0 a vložíme do fronty.

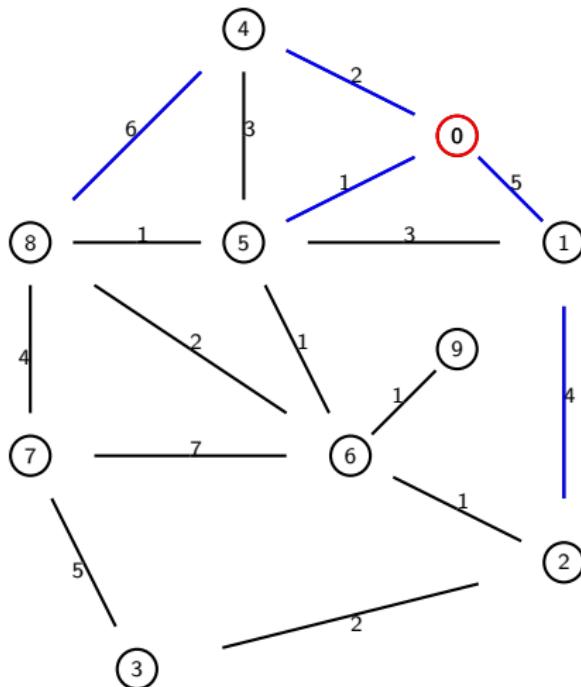
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 5 | 0 |
| 2 | 9 | 1 |
| 3 | ∞ | |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | ∞ | |
| 7 | ∞ | |
| 8 | 8 | 4 |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 5$, sousedům zrelaxujeme vzdálenost od v_0 a vložíme do fronty.

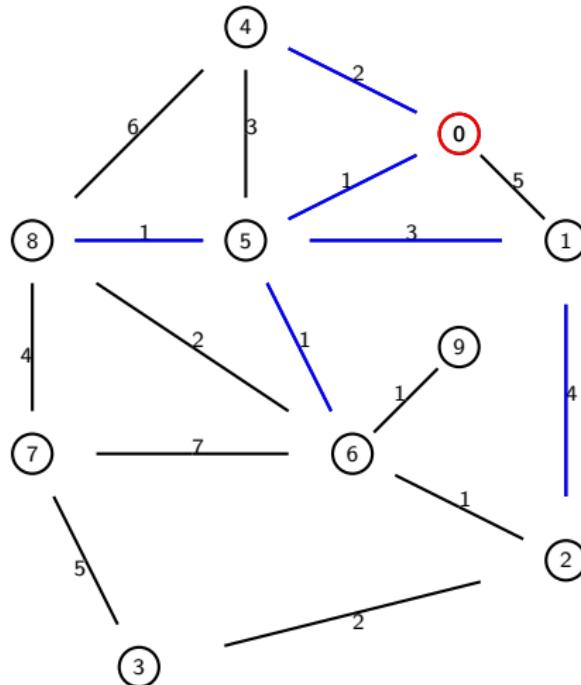
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | 0 | 0 |
| 1 | 5 | 0 |
| 2 | 9 | 1 |
| 3 | ∞ | |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | ∞ | |
| 7 | ∞ | |
| 8 | 8 | 4 |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 5$, sousedům zrelaxujeme vzdálenost od v_0 a vložíme do fronty.

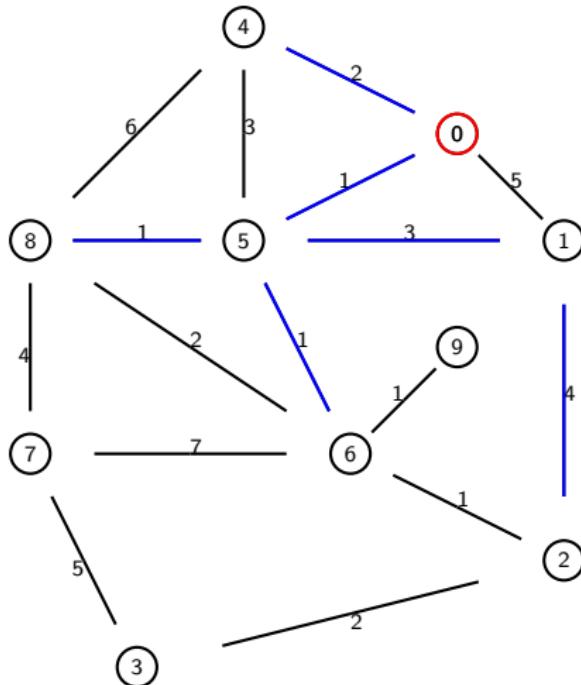
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 9 | 1 |
| 3 | ∞ | |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | ∞ | |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 2$, sousedům zrelaxujeme vzdálenost od v_0 a vložíme do fronty.

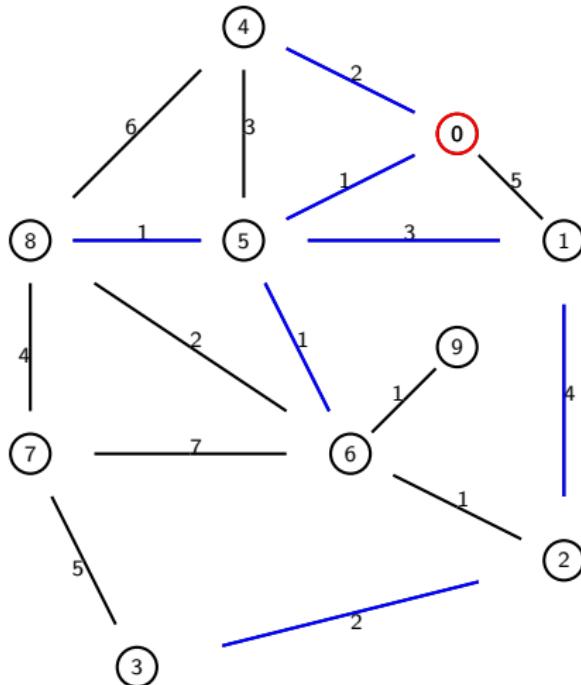
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 9 | 1 |
| 3 | ∞ | |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | ∞ | |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 2$, sousedům zrelaxujeme vzdálenost od v_0 a vložíme do fronty.

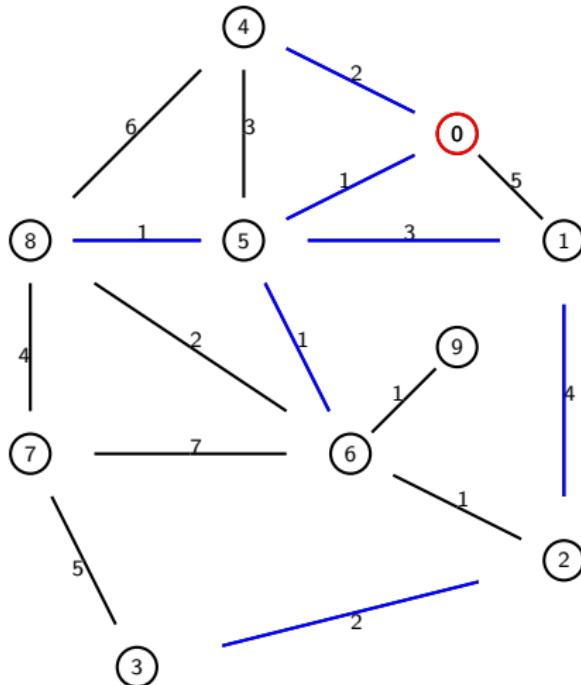
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 9 | 1 |
| 3 | 11 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | ∞ | |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 8$, sousedům zrelaxujeme vzdálenost od v_0 a vložíme do fronty.

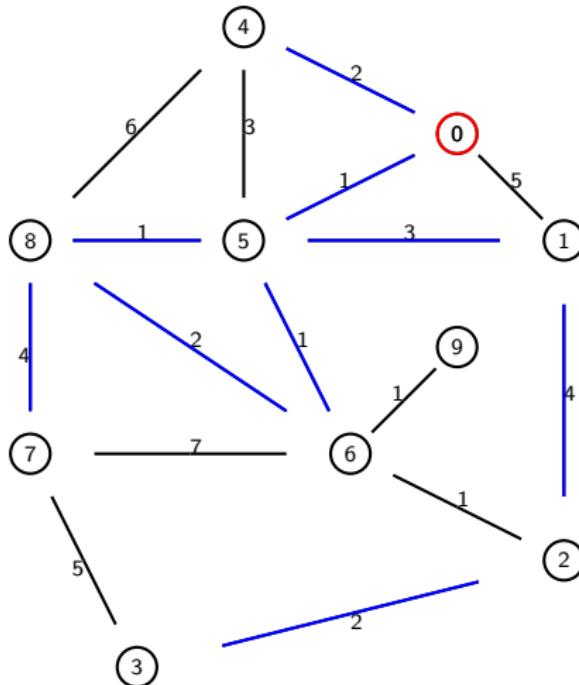
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 9 | 1 |
| 3 | 11 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | ∞ | |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 8$, sousedům zrelaxujeme vzdálenost od v_0 a vložíme do fronty.

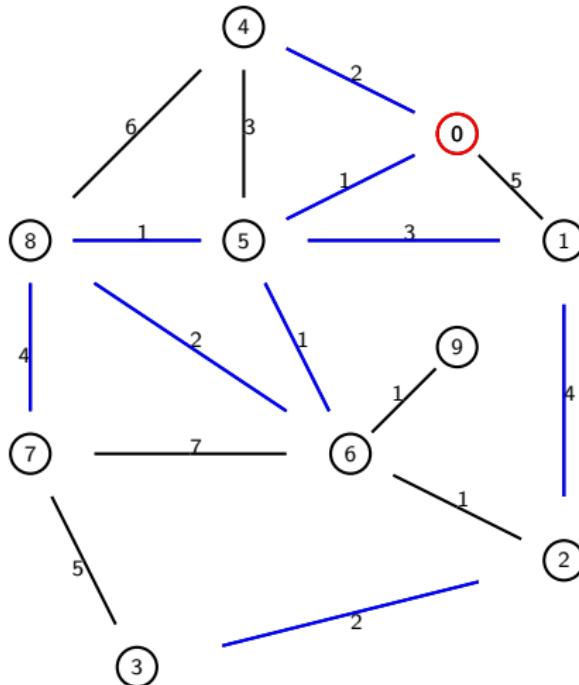
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 9 | 1 |
| 3 | 11 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | 6 | 8 |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 1$, sousedům zrelaxujeme vzdálenost od v_0 a vložíme do fronty.

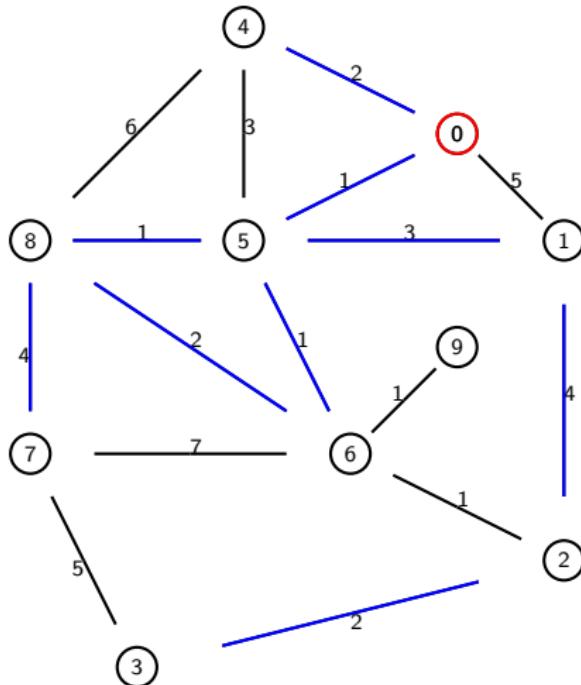
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 9 | 1 |
| 3 | 11 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | 6 | 8 |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 1$, sousedům zrelaxujeme vzdálenost od v_0 a vložíme do fronty.

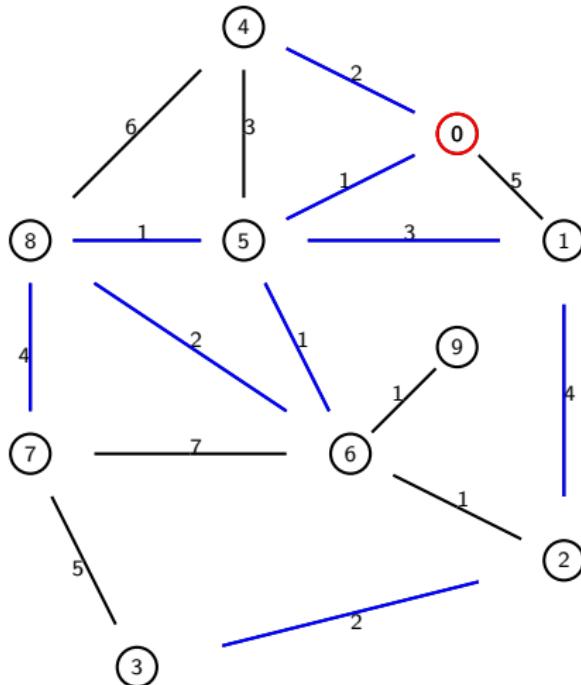
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 8 | 1 |
| 3 | 11 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | 6 | 8 |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jim vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. **Vybereme z fronty vrchol $v = 6$, sousedům zrelaxujeme vzdálenost od v_0 a vložíme do fronty.**

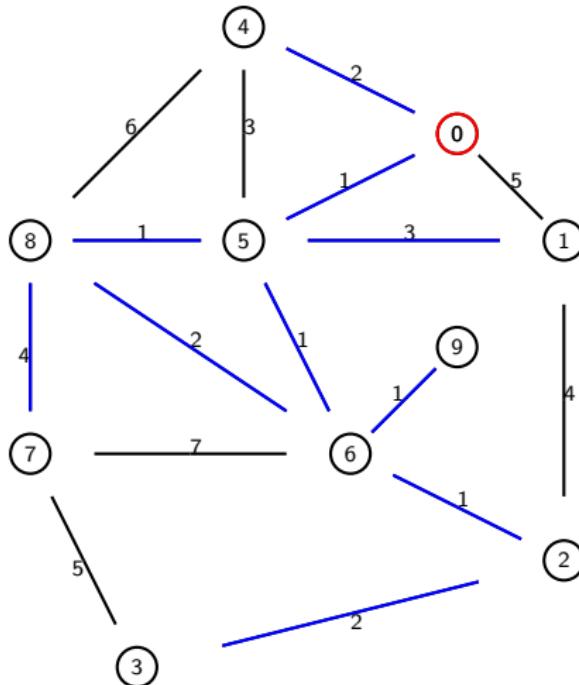
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|----------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 8 | 1 |
| 3 | 11 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | 6 | 8 |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | ∞ | |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jim vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 6$, sousedům zrelaxujeme vzdálenost od v_0 a vložíme do fronty.

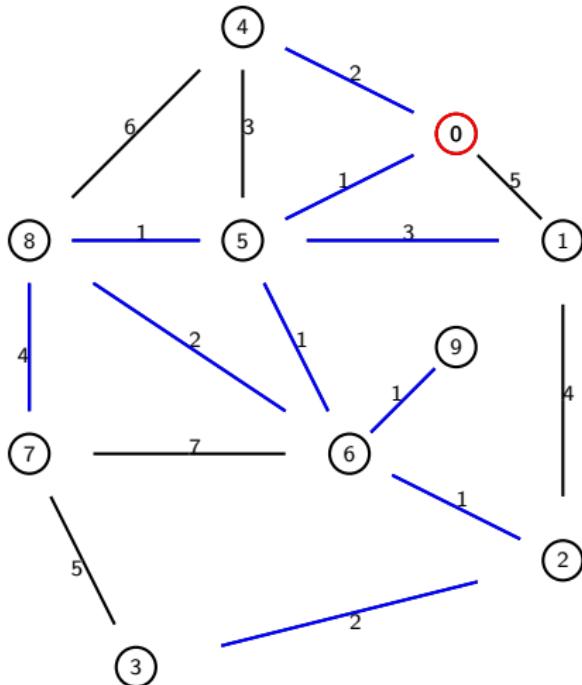
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|--------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 3 | 6 |
| 3 | 11 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | 6 | 8 |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | 3 | 6 |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jim vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 3$, není soused k relaxaci.

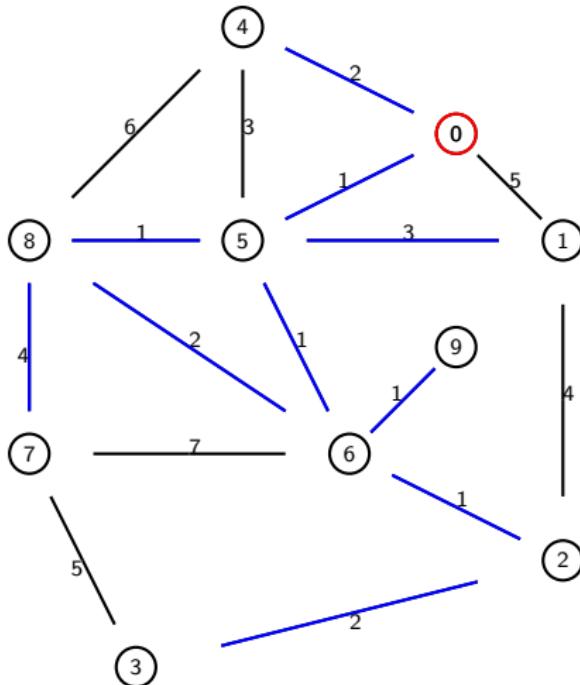
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|--------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 3 | 6 |
| 3 | 11 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | 6 | 8 |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | 3 | 6 |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 3$, není soused k relaxaci.

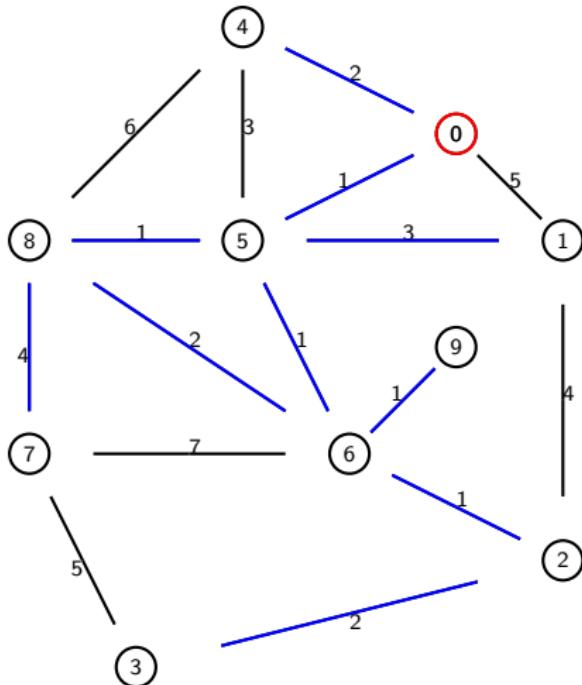
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|--------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 3 | 6 |
| 3 | 11 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | 6 | 8 |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | 3 | 6 |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jim vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 7$, není soused k relaxaci.

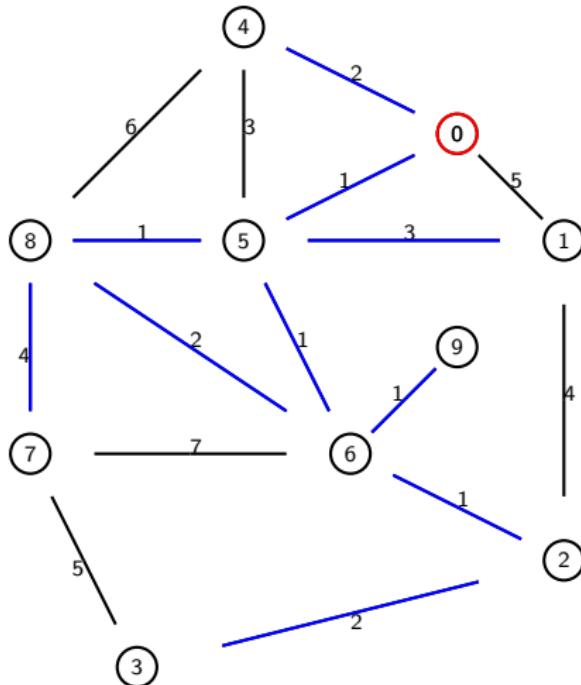
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|--------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 3 | 6 |
| 3 | 11 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | 6 | 8 |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | 3 | 6 |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 7$, není soused k relaxaci.

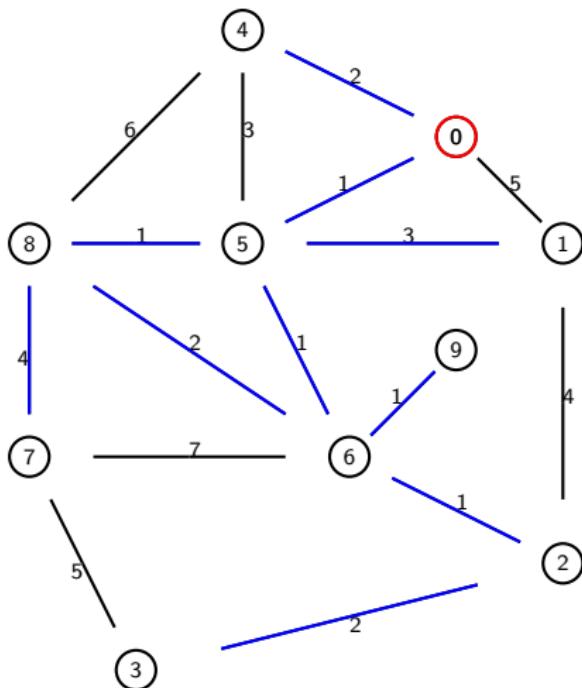
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|--------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 3 | 6 |
| 3 | 11 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | 6 | 8 |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | 3 | 6 |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jim vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. **Vybereme z fronty vrchol $v = 2$, sousedům zrelaxujeme vzdálenost a vložíme je do fronty.**

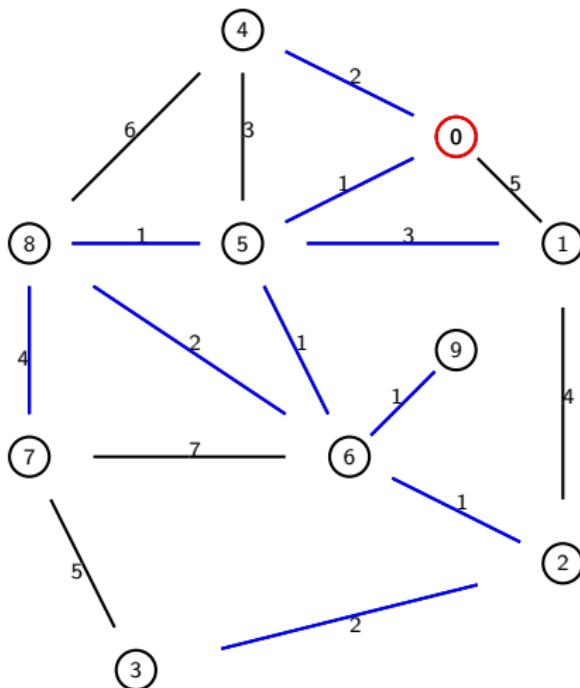
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|--------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 3 | 6 |
| 3 | 11 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | 6 | 8 |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | 3 | 6 |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jim vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 2$, sousedům zrelaxujeme vzdálenost a vložíme je do fronty.

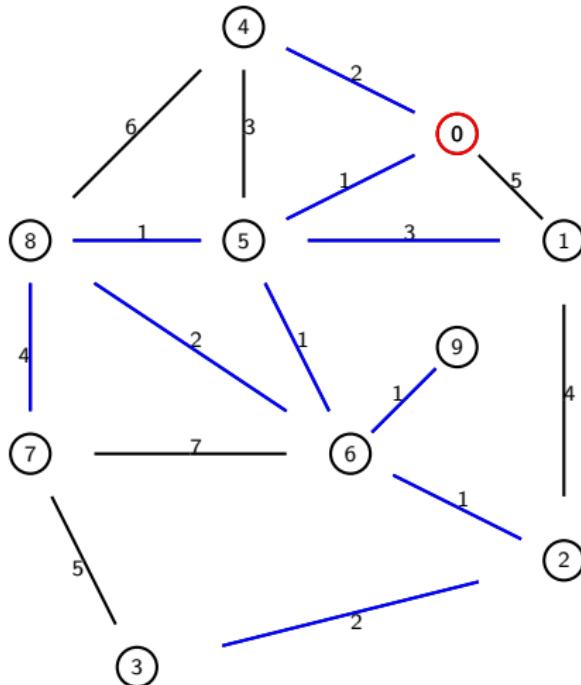
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|--------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 3 | 6 |
| 3 | 5 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | 6 | 8 |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | 3 | 6 |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 9$, není soused k relaxaci.

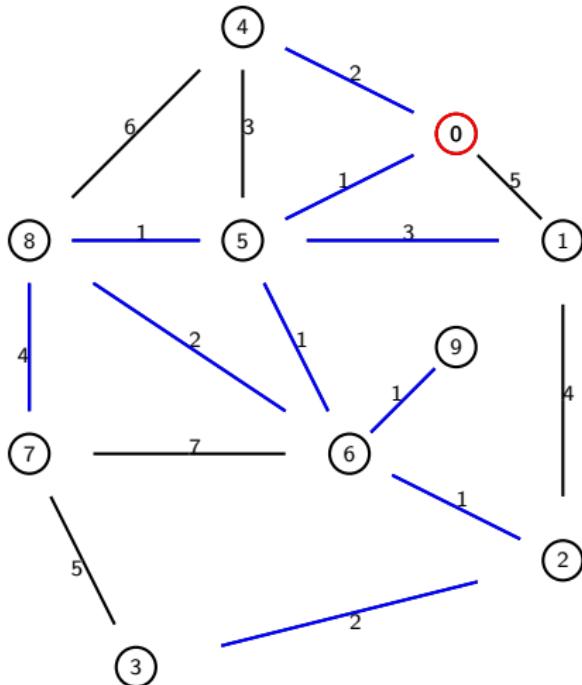
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|--------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 3 | 6 |
| 3 | 5 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | 6 | 8 |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | 3 | 6 |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 9$, není soused k relaxaci.

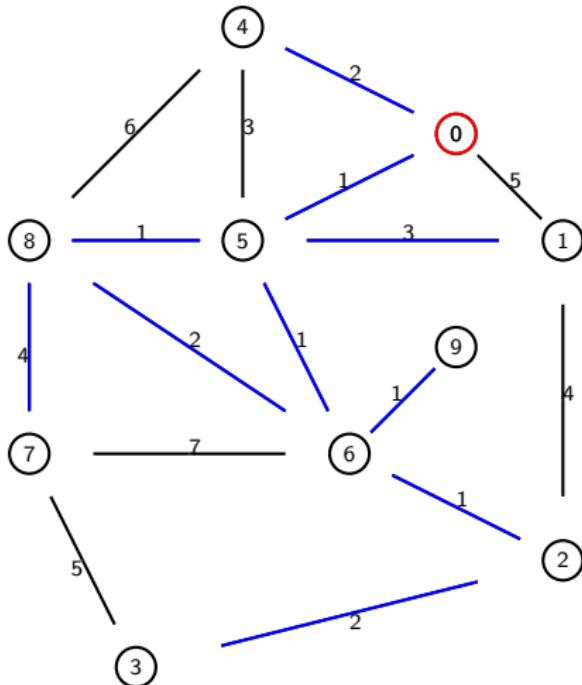
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|--------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 3 | 6 |
| 3 | 5 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | 6 | 8 |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | 3 | 6 |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jim vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. **Vybereme z fronty vrchol $v = 3$, není soused k relaxaci.**

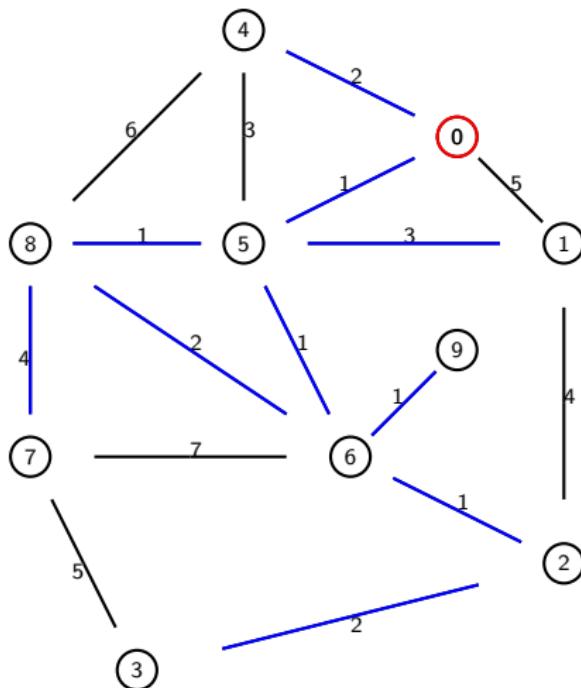
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|--------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 3 | 6 |
| 3 | 5 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | 6 | 8 |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | 3 | 6 |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jím vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Vybereme z fronty vrchol $v = 3$, není soused k relaxaci.

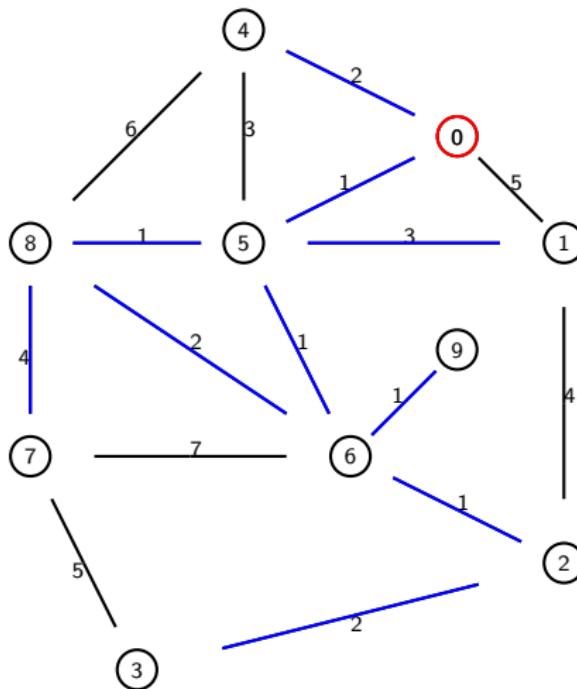
Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|--------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 3 | 6 |
| 3 | 5 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | 6 | 8 |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | 3 | 6 |

Vybereme počáteční vrchol $v_0 = 0$, sousedy vložíme do fronty, spočítáme jim vzdálenost od v_0 a nastavíme předchůdce $P(v)$ na nejkratší cestě. Fronta je prázdná, algoritmus skončil.

Fronta: 1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3



| v | $h(v)$ | $P(v)$ |
|-----|--------|--------|
| 0 | 0 | |
| 1 | 4 | 5 |
| 2 | 3 | 6 |
| 3 | 5 | 2 |
| 4 | 2 | 0 |
| 5 | 1 | 0 |
| 6 | 2 | 5 |
| 7 | 6 | 8 |
| 8 | 2 | 5 |
| 9 | 3 | 6 |

Na předchozím slajdu jsme demonstrovali, jak Bellman-Fordův algoritmus funguje.

Vysvětlíme proč algoritmus funguje, tj. proč po jeho skončení získáme délky nejkratších cest. Zobrazíme si k tomu frontu, kterou jsme během algoritmu vytvářeli:

1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3

Zarážky |, které jsme do fronty vložili, vytvářejí pomyslné fáze algoritmu. V první fázi jsme do fronty vložili sousedy vrcholu v_0 a přiřadili jim délku cesty o jedné hraně. Ve druhé fázi jsme do fronty vložili vrcholy, do kterých vede cesta o dvou hranách a přiřadili jim délku nejkratší cesty o dvou hranách a vrcholům z první fáze zrelaxovali délku – máme pro ně délku nejkratší cesty o dvou a méně hranách. Ve třetí fázi jsme vrcholům spočítali délku nejkratší cesty o třech a méně hranách. Tak jsme pokračovali až do fáze čtvrté. V obecném případě cesty v grafu o n vrcholech obsahují nejvíše $n - 1$ hran, zkáme tedy délky nejkratších cest nejpozději po $n - 1$ fázích.

Na předchozím slajdu jsme demonstrovali, jak Bellman-Fordův algoritmus funguje.

Vysvětlíme proč algoritmus funguje, tj. proč po jeho skončení získáme délky nejkratších cest. Zobrazíme si k tomu frontu, kterou jsme během algoritmu vytvářeli:

1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3

Zarážky |, které jsme do fronty vložili, vytvářejí pomyslné fáze algoritmu. V první fázi jsme do fronty vložili sousedy vrcholu v_0 a přiřadili jim délku cesty o jedné hraně. Ve druhé fázi jsme do fronty vložili vrcholy, do kterých vede cesta o dvou hranách a přiřadili jim délku nejkratší cesty o dvou hranách a vrcholům z první fáze zrelaxovali délku – máme pro ně délku nejkratší cesty o dvou a méně hranách. Ve třetí fázi jsme vrcholům spočítali délku nejkratší cesty o třech a méně hranách. Tak jsme pokračovali až do fáze čtvrté. V obecném případě cesty v grafu o n vrcholech obsahují nejvíše $n - 1$ hran, zkáme tedy délky nejkratších cest nejpozději po $n - 1$ fázích.

Na předchozím slajdu jsme demonstrovali, *jak* Bellman-Fordův algoritmus funguje.

Vysvětlíme *proč* algoritmus funguje, tj. proč po jeho skončení získáme délky nejkratších cest. Zobrazíme si k tomu frontu, kterou jsme během algoritmu vytvářeli:

1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3

Zarážky |, které jsme do fronty vložili, vytvářejí pomyslné fáze algoritmu. V první fázi jsme do fronty vložili sousedy vrcholu v_0 a přiřadili jim délku cesty o jedné hraně. Ve druhé fázi jsme do fronty vložili vrcholy, do kterých vede cesta o dvou hranách a přiřadili jim délku nejkratší cesty o dvou hranách a vrcholům z první fáze zrelaxovali délku – máme pro ně délku nejkratší cesty o dvou a méně hranách. Ve třetí fázi jsme vrcholům spočítali délku nejkratší cesty o třech a méně hranách. Tak jsme pokračovali až do fáze čtvrté. V obecném případě cesty v grafu o n vrcholech obsahují nejvíše $n - 1$ hran, zkáme tedy délky nejkratších cest nejpozději po $n - 1$ fázích.

Na předchozím slajdu jsme demonstrovali, jak Bellman-Fordův algoritmus funguje.

Vysvětlíme proč algoritmus funguje, tj. proč po jeho skončení získáme délky nejkratších cest. Zobrazíme si k tomu frontu, kterou jsme během algoritmu vytvářeli:

1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3

Zarážky |, které jsme do fronty vložili, vytvářejí pomyslné fáze algoritmu. V první fázi jsme do fronty vložili sousedy vrcholu v_0 a přiřadili jim délku cesty o jedné hraně. Ve druhé fázi jsme do fronty vložili vrcholy, do kterých vede cesta o dvou hranách a přiřadili jim délku nejkratší cesty o dvou hranách a vrcholům z první fáze zrelaxovali délku – máme pro ně délku nejkratší cesty o dvou a méně hranách. Ve třetí fázi jsme vrcholům spočítali délku nejkratší cesty o třech a méně hranách. Tak jsme pokračovali až do fáze čtvrté. V obecném případě cesty v grafu o n vrcholech obsahují nejvíše $n - 1$ hran, zkáme tedy délky nejkratších cest nejpozději po $n - 1$ fázích.

Na předchozím slajdu jsme demonstrovali, jak Bellman-Fordův algoritmus funguje.

Vysvětlíme proč algoritmus funguje, tj. proč po jeho skončení získáme délky nejkratších cest. Zobrazíme si k tomu frontu, kterou jsme během algoritmu vytvářeli:

1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3

Zarážky |, které jsme do fronty vložili, vytvářejí pomyslné fáze algoritmu. V první fázi jsme do fronty vložili sousedy vrcholu v_0 a přiřadili jim délku cesty o jedné hraně. Ve druhé fázi jsme do fronty vložili vrcholy, do kterých vede cesta o dvou hranách a přiřadili jim délku nejkratší cesty o dvou hranách a vrcholům z první fáze zrelaxovali délku – máme pro ně délku nejkratší cesty o dvou a méně hranách. Ve třetí fázi jsme vrcholům spočítali délku nejkratší cesty o třech a méně hranách. Tak jsme pokračovali až do fáze čtvrté. V obecném případě cesty v grafu o n vrcholech obsahují nejvýše $n - 1$ hran, zkáme tedy délky nejkratších cest nejpozději po $n - 1$ fázích.

Na předchozím slajdu jsme demonstrovali, jak Bellman-Fordův algoritmus funguje.

Vysvětlíme proč algoritmus funguje, tj. proč po jeho skončení získáme délky nejkratších cest. Zobrazíme si k tomu frontu, kterou jsme během algoritmu vytvářeli:

1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3

Zarážky |, které jsme do fronty vložili, vytvářejí pomyslné fáze algoritmu. V první fázi jsme do fronty vložili sousedy vrcholu v_0 a přiřadili jim délku cesty o jedné hraně. Ve druhé fázi jsme do fronty vložili vrcholy, do kterých vede cesta o dvou hranách a přiřadili jim délku nejkratší cesty o dvou hranách a vrcholům z první fáze zrelaxovali délku – máme pro ně délku nejkratší cesty o dvou a méně hranách. Ve třetí fázi jsme vrcholům spočítali délku nejkratší cesty o třech a méně hranách. Tak jsme pokračovali až do fáze čtvrté. V obecném případě cesty v grafu o n vrcholech obsahují nejvýše $n - 1$ hran, zkáme tedy délky nejkratších cest nejpozději po $n - 1$ fázích.

Na předchozím slajdu jsme demonstrovali, jak Bellman-Fordův algoritmus funguje.

Vysvětlíme proč algoritmus funguje, tj. proč po jeho skončení získáme délky nejkratších cest. Zobrazíme si k tomu frontu, kterou jsme během algoritmu vytvářeli:

1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3

Zarážky |, které jsme do fronty vložili, vytvářejí pomyslné fáze algoritmu. V první fázi jsme do fronty vložili sousedy vrcholu v_0 a přiřadili jim délku cesty o jedné hraně. Ve druhé fázi jsme do fronty vložili vrcholy, do kterých vede cesta o dvou hranách a přiřadili jim délku nejkratší cesty o dvou hranách a vrcholům z první fáze zrelaxovali délku – máme pro ně délku nejkratší cesty o dvou a méně hranách. Ve třetí fázi jsme vrcholům spočítali délku nejkratší cesty o třech a méně hranách. Tak jsme pokračovali až do fáze čtvrté. V obecném případě cesty v grafu o n vrcholech obsahují nejvýše $n - 1$ hran, zkáme tedy délky nejkratších cest nejpozději po $n - 1$ fázích.

Na předchozím slajdu jsme demonstrovali, jak Bellman-Fordův algoritmus funguje.

Vysvětlíme proč algoritmus funguje, tj. proč po jeho skončení získáme délky nejkratších cest. Zobrazíme si k tomu frontu, kterou jsme během algoritmu vytvářeli:

1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3

Zarážky |, které jsme do fronty vložili, vytvářejí pomyslné fáze algoritmu. V první fázi jsme do fronty vložili sousedy vrcholu v_0 a přiřadili jim délku cesty o jedné hraně. Ve druhé fázi jsme do fronty vložili vrcholy, do kterých vede cesta o dvou hranách a přiřadili jim délku nejkratší cesty o dvou hranách a vrcholům z první fáze zrelaxovali délku – máme pro ně délku nejkratší cesty o dvou a méně hranách. Ve třetí fázi jsme vrcholům spočítali délku nejkratší cesty o třech a méně hranách. Tak jsme pokračovali až do fáze čtvrté. V obecném případě cesty v grafu o n vrcholech obsahují nejvýše $n - 1$ hran, zkáme tedy délky nejkratších cest nejpozději po $n - 1$ fázích.

Na předchozím slajdu jsme demonstrovali, jak Bellman-Fordův algoritmus funguje.

Vysvětlíme proč algoritmus funguje, tj. proč po jeho skončení získáme délky nejkratších cest. Zobrazíme si k tomu frontu, kterou jsme během algoritmu vytvářeli:

1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3

Zarážky |, které jsme do fronty vložili, vytvářejí pomyslné fáze algoritmu. V první fázi jsme do fronty vložili sousedy vrcholu v_0 a přiřadili jim délku cesty o jedné hraně. Ve druhé fázi jsme do fronty vložili vrcholy, do kterých vede cesta o dvou hranách a přiřadili jim délku nejkratší cesty o dvou hranách a vrcholům z první fáze zrelaxovali délku – máme pro ně délku nejkratší cesty o dvou a méně hranách. Ve třetí fázi jsme vrcholům spočítali délku nejkratší cesty o třech a méně hranách. Tak jsme pokračovali až do fáze čtvrté. V obecném případě cesty v grafu o n vrcholech obsahují nejvýše $n - 1$ hran, zkáme tedy délky nejkratších cest nejpozději po $n - 1$ fázích.

Na předchozím slajdu jsme demonstrovali, jak Bellman-Fordův algoritmus funguje.

Vysvětlíme proč algoritmus funguje, tj. proč po jeho skončení získáme délky nejkratších cest. Zobrazíme si k tomu frontu, kterou jsme během algoritmu vytvářeli:

1 4 5 | 2 8 1 6 | 3 7 2 9 | 3

Zarážky |, které jsme do fronty vložili, vytvářejí pomyslné fáze algoritmu. V první fázi jsme do fronty vložili sousedy vrcholu v_0 a přiřadili jim délku cesty o jedné hraně. Ve druhé fázi jsme do fronty vložili vrcholy, do kterých vede cesta o dvou hranách a přiřadili jim délku nejkratší cesty o dvou hranách a vrcholům z první fáze zrelaxovali délku – máme pro ně délku nejkratší cesty o dvou a méně hranách. Ve třetí fázi jsme vrcholům spočítali délku nejkratší cesty o třech a méně hranách. Tak jsme pokračovali až do fáze čtvrté. V obecném případě cesty v grafu o n vrcholech obsahují nejvíše $n - 1$ hran, zkáme tedy délky nejkratších cest nejpozději po $n - 1$ fázích.

Spočítáme časovou složitost pro nejhorší případ. Budeme počítat operace v každé fázi a výsledek vynásobíme jejich počtem $n - 1$. Je dobré si uvědomit, že vrcholy mohou být do fronty vkládány opakovaně, ale během jedné fáze je každý vrchol do fronty vložen nejvýše jednou. Odebrání vrcholu z fronty je jedna operace za kterou následuje relaxace jeho sousedů. Tady je dobré sčítat relaxace za celou fázi: Každá hrana se během jedné fáze podílí na nejvýše dvou relaxacích (vždy při odebrání svého koncového vrcholu z fronty). Při jedné fázi tedy proběhne nejvýše $2m$ relaxací. Jedna fáze má tedy $n + 2m$ operací (odebrání až n vrcholů z fronty a až $2m$ relaxací). Operací tedy provedeme $(n - 1)(n + 2m)$ (nebo méně). Protože nás zajímá případ velkých vstupů, zanedbáme v prvním členu 1 proti n . Ve druhém členu můžeme zanedbat n proti $2m$, protože nedosažitelné vrcholy do fronty nevložíme (neexistuje pro ně žádná cesta) a dosažitelných vrcholů je nejvýše m (strom m hranách má $m - 1$ vrcholů a pokud není stromem, má vrcholů méně). A protože nás multiplikativní (tj. násobící) konstanty při zkoumání časové složitosti nezajímají, vynecháme dvojku a uděláme závěr: asymptotická časová složitost Bellman-Fordova algoritmu je $O(nm)$.

Spočítáme časovou složitost pro nejhorší případ. Budeme počítat operace v každé fázi a výsledek vynásobíme jejich počtem $n - 1$. Je dobré si uvědomit, že vrcholy mohou být do fronty vkládány opakovaně, ale během jedné fáze je každý vrchol do fronty vložen nejvýše jednou. Odebrání vrcholu z fronty je jedna operace za kterou následuje relaxace jeho sousedů. Tady je dobré sčítat relaxace za celou fázi: Každá hrana se během jedné fáze podílí na nejvýše dvou relaxacích (vždy při odebrání svého koncového vrcholu z fronty). Při jedné fázi tedy proběhne nejvýše $2m$ relaxací. Jedna fáze má tedy $n + 2m$ operací (odebrání až n vrcholů z fronty a až $2m$ relaxací). Operací tedy provedeme $(n - 1)(n + 2m)$ (nebo méně). Protože nás zajímá případ velkých vstupů, zanedbáme v prvním členu 1 proti n . Ve druhém členu můžeme zanedbat n proti $2m$, protože nedosažitelné vrcholy do fronty nevložíme (neexistuje pro ně žádná cesta) a dosažitelných vrcholů je nejvýše m (strom m hranách má $m - 1$ vrcholů a pokud není stromem, má vrcholů méně). A protože nás multiplikativní (tj. násobící) konstanty při zkoumání časové složitosti nezajímají, vynecháme dvojku a uděláme závěr: asymptotická časová složitost Bellman-Fordova algoritmu je $O(nm)$.

Spočítáme časovou složitost pro nejhorší případ. Budeme počítat operace v každé fázi a výsledek vynásobíme jejich počtem $n - 1$. Je dobré si uvědomit, že vrcholy mohou být do fronty vkládány opakovaně, ale během jedné fáze je každý vrchol do fronty vložen nejvýše jednou. Odebrání vrcholu z fronty je jedna operace za kterou následuje relaxace jeho sousedů. Tady je dobré sčítat relaxace za celou fázi: Každá hrana se během jedné fáze podílí na nejvýše dvou relaxacích (vždy při odebrání svého koncového vrcholu z fronty). Při jedné fázi tedy proběhne nejvýše $2m$ relaxací. Jedna fáze má tedy $n + 2m$ operací (odebrání až n vrcholů z fronty a až $2m$ relaxací). Operací tedy provedeme $(n - 1)(n + 2m)$ (nebo méně). Protože nás zajímá případ velkých vstupů, zanedbáme v prvním členu 1 proti n . Ve druhém členu můžeme zanedbat n proti $2m$, protože nedosažitelné vrcholy do fronty nevložíme (neexistuje pro ně žádná cesta) a dosažitelných vrcholů je nejvýše m (strom m hranách má $m - 1$ vrcholů a pokud není stromem, má vrcholů méně). A protože nás multiplikativní (tj. násobící) konstanty při zkoumání časové složitosti nezajímají, vynecháme dvojku a uděláme závěr: asymptotická časová složitost Bellman-Fordova algoritmu je $O(nm)$.

Spočítáme časovou složitost pro nejhorší případ. Budeme počítat operace v každé fázi a výsledek vynásobíme jejich počtem $n - 1$. Je dobré si uvědomit, že vrcholy mohou být do fronty vkládány opakovaně, ale během jedné fáze je každý vrchol do fronty vložen nejvýše jednou. Odebrání vrcholu z fronty je jedna operace za kterou následuje relaxace jeho sousedů. Tady je dobré sčítat relaxace za celou fázi: Každá hrana se během jedné fáze podílí na nejvýše dvou relaxacích (vždy při odebrání svého koncového vrcholu z fronty). Při jedné fázi tedy proběhne nejvýše $2m$ relaxací. Jedna fáze má tedy $n + 2m$ operací (odebrání až n vrcholů z fronty a až $2m$ relaxací). Operací tedy provedeme $(n - 1)(n + 2m)$ (nebo méně). Protože nás zajímá případ velkých vstupů, zanedbáme v prvním členu 1 proti n . Ve druhém členu můžeme zanedbat n proti $2m$, protože nedosažitelné vrcholy do fronty nevložíme (neexistuje pro ně žádná cesta) a dosažitelných vrcholů je nejvýše m (strom m hranách má $m - 1$ vrcholů a pokud není stromem, má vrcholů méně). A protože nás multiplikativní (tj. násobící) konstanty při zkoumání časové složitosti nezajímají, vynecháme dvojku a uděláme závěr: asymptotická časová složitost Bellman-Fordova algoritmu je $O(nm)$.

Spočítáme časovou složitost pro nejhorší případ. Budeme počítat operace v každé fázi a výsledek vynásobíme jejich počtem $n - 1$. Je dobré si uvědomit, že vrcholy mohou být do fronty vkládány opakovaně, ale během jedné fáze je každý vrchol do fronty vložen nejvýše jednou. Odebrání vrcholu z fronty je jedna operace za kterou následuje relaxace jeho sousedů. Tady je dobré sčítat relaxace za celou fázi: Každá hrana se během jedné fáze podílí na nejvýše dvou relaxacích (vždy při odebrání svého koncového vrcholu z fronty). Při jedné fázi tedy proběhne nejvýše $2m$ relaxací. Jedna fáze má tedy $n + 2m$ operací (odebrání až n vrcholů z fronty a až $2m$ relaxací). Operací tedy provedeme $(n - 1)(n + 2m)$ (nebo méně). Protože nás zajímá případ velkých vstupů, zanedbáme v prvním členu 1 proti n . Ve druhém členu můžeme zanedbat n proti $2m$, protože nedosažitelné vrcholy do fronty nevložíme (neexistuje pro ně žádná cesta) a dosažitelných vrcholů je nejvýše m (strom m hranách má $m - 1$ vrcholů a pokud není stromem, má vrcholů méně). A protože nás multiplikativní (tj. násobící) konstanty při zkoumání časové složitosti nezajímají, vynecháme dvojku a uděláme závěr: asymptotická časová složitost Bellman-Fordova algoritmu je $O(nm)$.

Spočítáme časovou složitost pro nejhorší případ. Budeme počítat operace v každé fázi a výsledek vynásobíme jejich počtem $n - 1$. Je dobré si uvědomit, že vrcholy mohou být do fronty vkládány opakovaně, ale během jedné fáze je každý vrchol do fronty vložen nejvýše jednou. Odebrání vrcholu z fronty je jedna operace za kterou následuje relaxace jeho sousedů. Tady je dobré sčítat relaxace za celou fázi: Každá hrana se během jedné fáze podílí na nejvýše dvou relaxacích (vždy při odebrání svého koncového vrcholu z fronty). Při jedné fázi tedy proběhne nejvýše $2m$ relaxací.

Jedna fáze má tedy $n + 2m$ operací (odebrání až n vrcholů z fronty a až $2m$ relaxací). Operací tedy provedeme $(n - 1)(n + 2m)$ (nebo méně). Protože nás zajímá případ velkých vstupů, zanedbáme v prvním členu 1 proti n . Ve druhém členu můžeme zanedbat n proti $2m$, protože nedosažitelné vrcholy do fronty nevložíme (neexistuje pro ně žádná cesta) a dosažitelných vrcholů je nejvýše m (strom m hranách má $m - 1$ vrcholů a pokud není stromem, má vrcholů méně). A protože nás multiplikativní (tj. násobící) konstanty při zkoumání časové složitosti nezajímají, vynecháme dvojku a uděláme závěr: asymptotická časová složitost Bellman-Fordova algoritmu je $O(nm)$.

Spočítáme časovou složitost pro nejhorší případ. Budeme počítat operace v každé fázi a výsledek vynásobíme jejich počtem $n - 1$. Je dobré si uvědomit, že vrcholy mohou být do fronty vkládány opakovaně, ale během jedné fáze je každý vrchol do fronty vložen nejvýše jednou. Odebrání vrcholu z fronty je jedna operace za kterou následuje relaxace jeho sousedů. Tady je dobré sčítat relaxace za celou fázi: Každá hrana se během jedné fáze podílí na nejvýše dvou relaxacích (vždy při odebrání svého koncového vrcholu z fronty). Při jedné fázi tedy proběhne nejvýše $2m$ relaxací. Jedna fáze má tedy $n + 2m$ operací (odebrání až n vrcholů z fronty a až $2m$ relaxací). Operací tedy provedeme $(n - 1)(n + 2m)$ (nebo méně). Protože nás zajímá případ velkých vstupů, zanedbáme v prvním členu 1 proti n . Ve druhém členu můžeme zanedbat n proti $2m$, protože nedosažitelné vrcholy do fronty nevložíme (neexistuje pro ně žádná cesta) a dosažitelných vrcholů je nejvýše m (strom m hranách má $m - 1$ vrcholů a pokud není stromem, má vrcholů méně). A protože nás multiplikativní (tj. násobící) konstanty při zkoumání časové složitosti nezajímají, vynecháme dvojku a uděláme závěr: asymptotická časová složitost Bellman-Fordova algoritmu je $O(nm)$.

Spočítáme časovou složitost pro nejhorší případ. Budeme počítat operace v každé fázi a výsledek vynásobíme jejich počtem $n - 1$. Je dobré si uvědomit, že vrcholy mohou být do fronty vkládány opakovaně, ale během jedné fáze je každý vrchol do fronty vložen nejvýše jednou. Odebrání vrcholu z fronty je jedna operace za kterou následuje relaxace jeho sousedů. Tady je dobré sčítat relaxace za celou fázi: Každá hrana se během jedné fáze podílí na nejvýše dvou relaxacích (vždy při odebrání svého koncového vrcholu z fronty). Při jedné fázi tedy proběhne nejvýše $2m$ relaxací. Jedna fáze má tedy $n + 2m$ operací (odebrání až n vrcholů z fronty a až $2m$ relaxací). Operací tedy provedeme $(n - 1)(n + 2m)$ (nebo méně). Protože nás zajímá případ velkých vstupů, zanedbáme v prvním členu 1 proti n . Ve druhém členu můžeme zanedbat n proti $2m$, protože nedosažitelné vrcholy do fronty nevložíme (neexistuje pro ně žádná cesta) a dosažitelných vrcholů je nejvýše m (strom m hranách má $m - 1$ vrcholů a pokud není stromem, má vrcholů méně). A protože nás multiplikativní (tj. násobící) konstanty při zkoumání časové složitosti nezajímají, vynecháme dvojku a uděláme závěr: asymptotická časová složitost Bellman-Fordova algoritmu je $O(nm)$.

Spočítáme časovou složitost pro nejhorší případ. Budeme počítat operace v každé fázi a výsledek vynásobíme jejich počtem $n - 1$. Je dobré si uvědomit, že vrcholy mohou být do fronty vkládány opakovaně, ale během jedné fáze je každý vrchol do fronty vložen nejvýše jednou. Odebrání vrcholu z fronty je jedna operace za kterou následuje relaxace jeho sousedů. Tady je dobré sčítat relaxace za celou fázi: Každá hrana se během jedné fáze podílí na nejvýše dvou relaxacích (vždy při odebrání svého koncového vrcholu z fronty). Při jedné fázi tedy proběhne nejvýše $2m$ relaxací. Jedna fáze má tedy $n + 2m$ operací (odebrání až n vrcholů z fronty a až $2m$ relaxací). Operací tedy provedeme $(n - 1)(n + 2m)$ (nebo méně). Protože nás zajímá případ velkých vstupů, zanedbáme v prvním členu 1 proti n . Ve druhém členu můžeme zanedbat n proti $2m$, protože nedosažitelné vrcholy do fronty nevložíme (neexistuje pro ně žádná cesta) a dosažitelných vrcholů je nejvýše m (strom m hranách má $m - 1$ vrcholů a pokud není stromem, má vrcholů méně). A protože nás multiplikativní (tj. násobící) konstanty při zkoumání časové složitosti nezajímají, vynecháme dvojku a uděláme závěr: asymptotická časová složitost Bellman-Fordova algoritmu je $O(nm)$.

Spočítáme časovou složitost pro nejhorší případ. Budeme počítat operace v každé fázi a výsledek vynásobíme jejich počtem $n - 1$. Je dobré si uvědomit, že vrcholy mohou být do fronty vkládány opakovaně, ale během jedné fáze je každý vrchol do fronty vložen nejvýše jednou. Odebrání vrcholu z fronty je jedna operace za kterou následuje relaxace jeho sousedů. Tady je dobré sčítat relaxace za celou fázi: Každá hrana se během jedné fáze podílí na nejvýše dvou relaxacích (vždy při odebrání svého koncového vrcholu z fronty). Při jedné fázi tedy proběhne nejvýše $2m$ relaxací. Jedna fáze má tedy $n + 2m$ operací (odebrání až n vrcholů z fronty a až $2m$ relaxací). Operací tedy provedeme $(n - 1)(n + 2m)$ (nebo méně). Protože nás zajímá případ velkých vstupů, zanedbáme v prvním členu 1 proti n . Ve druhém členu můžeme zanedbat n proti $2m$, protože nedosažitelné vrcholy do fronty nevložíme (neexistuje pro ně žádná cesta) a dosažitelných vrcholů je nejvýše m (strom m hranách má $m - 1$ vrcholů a pokud není stromem, má vrcholů méně). A protože nás multiplikativní (tj. násobící) konstanty při zkoumání časové složitosti nezajímají, vynecháme dvojku a uděláme závěr: asymptotická časová složitost Bellman-Fordova algoritmu je $O(nm)$.

Spočítáme časovou složitost pro nejhorší případ. Budeme počítat operace v každé fázi a výsledek vynásobíme jejich počtem $n - 1$. Je dobré si uvědomit, že vrcholy mohou být do fronty vkládány opakovaně, ale během jedné fáze je každý vrchol do fronty vložen nejvýše jednou. Odebrání vrcholu z fronty je jedna operace za kterou následuje relaxace jeho sousedů. Tady je dobré sčítat relaxace za celou fázi: Každá hrana se během jedné fáze podílí na nejvýše dvou relaxacích (vždy při odebrání svého koncového vrcholu z fronty). Při jedné fázi tedy proběhne nejvýše $2m$ relaxací. Jedna fáze má tedy $n + 2m$ operací (odebrání až n vrcholů z fronty a až $2m$ relaxací). Operací tedy provedeme $(n - 1)(n + 2m)$ (nebo méně). Protože nás zajímá případ velkých vstupů, zanedbáme v prvním členu 1 proti n . Ve druhém členu můžeme zanedbat n proti $2m$, protože nedosažitelné vrcholy do fronty nevložíme (neexistuje pro ně žádná cesta) a dosažitelných vrcholů je nejvýše m (strom m hranách má $m - 1$ vrcholů a pokud není stromem, má vrcholů méně). A protože nás multiplikativní (tj. násobící) konstanty při zkoumání časové složitosti nezajímají, vynecháme dvojku a uděláme závěr: asymptotická časová složitost Bellman-Fordova algoritmu je $O(nm)$.

Spočítáme časovou složitost pro nejhorší případ. Budeme počítat operace v každé fázi a výsledek vynásobíme jejich počtem $n - 1$. Je dobré si uvědomit, že vrcholy mohou být do fronty vkládány opakovaně, ale během jedné fáze je každý vrchol do fronty vložen nejvýše jednou. Odebrání vrcholu z fronty je jedna operace za kterou následuje relaxace jeho sousedů. Tady je dobré sčítat relaxace za celou fázi: Každá hrana se během jedné fáze podílí na nejvýše dvou relaxacích (vždy při odebrání svého koncového vrcholu z fronty). Při jedné fázi tedy proběhne nejvýše $2m$ relaxací. Jedna fáze má tedy $n + 2m$ operací (odebrání až n vrcholů z fronty a až $2m$ relaxací). Operací tedy provedeme $(n - 1)(n + 2m)$ (nebo méně). Protože nás zajímá případ velkých vstupů, zanedbáme v prvním členu 1 proti n . Ve druhém členu můžeme zanedbat n proti $2m$, protože nedosažitelné vrcholy do fronty nevložíme (neexistuje pro ně žádná cesta) a dosažitelných vrcholů je nejvýše m (strom m hranách má $m - 1$ vrcholů a pokud není stromem, má vrcholů méně). A protože nás multiplikativní (tj. násobící) konstanty při zkoumání časové složitosti nezajímají, vynecháme dvojku a uděláme **závěr: asymptotická časová složitost Bellman-Fordova algoritmu je $O(nm)$.**