

## Devátá semestrální práce z předmětu AN1E

1. Vypočtěte limitu funkce  $f$  v bodě 2

$$f : x \mapsto \frac{\sin(x^2 - 4) \sin(x^2 + 4)}{x^2 - 2x} + \log_2(x + 6)$$

body: 4/2/1

2. Určete definiční obory elementárních funkcí  $f$ ,  $g$  a zjistěte, zda je lze spojitě rozšířit do krajních bodů definičního oboru

$$f : x \mapsto \frac{\sqrt{3x - 2 - x^2}}{\ln(2 - x)}, \quad g : x \mapsto \frac{\sin x}{x^2 + 4x}$$

body: 8/6/3

3. Napište definici vlastní limity funkce v nevlastním bodě a ukažte, že funkce  $x \mapsto 3^x$  má vlastní limitu v bodě  $-\infty$ . body: 4/2/1

4. Vypočtěte limity funkcí v bodech  $\pm\infty$ .

$$\begin{aligned} x &\mapsto \frac{x^3 + \sqrt{x^6 - x^4}}{x} \\ x &\mapsto 2^{-\frac{x^3 + \sqrt{x^6 - x^4}}{x}} \end{aligned}$$

body: 4/2/1

5. Bez použití kalkulačky nalezněte všechna  $x \in \mathbb{R}$  splňující  
(Poznámka: v (a)–(d) značí  $\log$  přirozený logaritmus.)

(a)

$$|\log x| \leq 2$$

(b)

$$\log|x| \leq 2$$

(c)

$$\frac{\log x + 1}{\log x - 2} < 0$$

(d)

$$\frac{1}{\log x} + \frac{1}{3} \geq 0$$

(e)

$$\log_{\frac{1}{2}} |x + 2| < 1$$

(f)

$$\left(\frac{1}{2}\right)^x \cdot \frac{1}{2} < \frac{1}{8}$$

(g)

$$4^{x+5} < 16^{x+1}$$

body: 10/7/3

6. Bez použití kalkulačky nalezněte

- (a)  $x \in \langle \frac{\pi}{2}, \pi \rangle$  splňující  $\sin x = \sin \frac{\pi}{9}$ ,
- (b)  $x \in \langle 0, \frac{\pi}{2} \rangle$  splňující  $\sin x = \cos \frac{\pi}{8}$ ,
- (c)  $x \in \langle \frac{\pi}{2}, \pi \rangle$  splňující  $\sin x = \cos \frac{\pi}{8}$ ,
- (d)  $x \in \langle \pi, 2\pi \rangle$  splňující  $\operatorname{tg} x = \operatorname{tg} \frac{\pi}{5}$ ,
- (e)  $x \in \langle \pi, 2\pi \rangle$  splňující  $\operatorname{cotg} x = \operatorname{tg} \frac{\pi}{5}$ .

body: 7/5/2

7. Vypočtěte  $\sin x$ ,  $\operatorname{tg} x$ ,  $\operatorname{cotg} x$ , víte-li:  $x \in (0, \pi)$ ,  $\cos x = 0.3$ .

body: 4/2/1