

Úlohy na spojitost a limity

19. října 2021

- Předved'te, že rozumíte definici spojitosti – načrtněte graf funkce f a ukažte, že je/není v bodě $x_0 = 2$ spojitá, tj., že v tomto bodě splňuje/nesplňuje definici spojitosti.

$$f : x \mapsto \begin{cases} 5 - x^2 & x \in [0, 2] \\ 3 + x & x \in (2, 3] \end{cases}$$

- Určete definiční obor funkce f a zjistěte, zda ji lze spojitě rozšířit a případně jakou hodnotou.

$$f : x \mapsto \frac{(x^2 - 9)(-2 + \sqrt{x+2})}{(x^2 - 5x + 6)(1 + \sqrt{x^2 - 1})}$$

2a

$$f : x \mapsto \frac{(x^2 - 6x + 8)}{(x^2 - 2x)(3 - \sqrt{x+5})}$$

2b

$$f : x \mapsto \frac{2x^2 + 5x + 2}{\sqrt{x^2 + 5} - 3}$$

2c

$$f : x \mapsto \frac{(x^2 - 4)^3(x^2 - 3x + 2)}{(x - 2)^4}$$

*2d

$$f : x \mapsto \frac{(\sqrt{x+5} - 2)^6}{(x^3 + x^2 - x - 1)^3}$$

*2e

$$f : x \mapsto \frac{\sqrt[3]{x} - 1}{x - 1}$$

- Vyřešte nerovnici s použitím důsledku věty o kořeni spojité funkce

$$2x - 5 < \sqrt{x + 1}$$

3a

$$\sqrt{7 - 3x} > x - 1$$

3b

$$\sqrt{x^2 + 8} \leq 2x + 1$$

- Vysvětlete, jak důsledek použitý v minulém příkladě plyne ze zmíněné věty.