

Písemná část zkoušky z AN2

16. června 2022

1. Vypočtěte jednostranné i oboustrannou limitu funkce f v bodě jedna

$$f(x) = \operatorname{arccotg} \frac{x}{x^2 - 1}$$

1*

$$f(x) = \frac{\operatorname{arccotg} \frac{x}{x^2 - 1}}{x - 1}$$

2. Určete definiční obor a obor hodnot funkce f

$$f(x) = \operatorname{arccotg} \frac{x}{x^2 - 1}$$

2*

$$f(x) = \operatorname{arccotg} \frac{\sqrt{x}}{x - 1}$$

3. Vypočtěte integrály

$$\int_0^1 x^2 \exp(-x) dx \quad \int_0^1 \frac{1 + \sqrt{x}}{1 + x} dx$$

- 3* Odhadněte jakých hodnot nabývá funkce f na intervalu $[0, 1]$ a odtud odhadněte hodnotu určitého integrálu funkce přes tento interval. Odhad integrálu porovnejte s vypočtenou hodnotou. Při výpočtu použijte $\log(2) \doteq 0.7$.

$$f(x) = \frac{1 + \sqrt{x}}{1 + x}$$

4. Vypočtěte objem tělesa vzniklého rotací trojúhelníka ABC okolo osy x

$$A = [0, 0] \quad B = [3, 0] \quad C = [1, 2]$$

- 4* Objem tělesa vypočtěte elementárně i pomocí integrálu.

5. Zjistěte, zda jsou následující řady konvergentní

$$\sum_{k=1}^{\infty} \frac{k^3 + \sqrt{k^9 + k^6 + k^3 + 1}}{k^5 + 1} \quad \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-3)^{k+2}}{2^{2k-1}}$$

- 5* Určete součet každé z uvedených řad.