

Písemná část zkoušky z předmětu AN3E

5. února 2016

Jméno a příjmení:

Zvolte si pořadí, v jakém budete příklady řešit. Vaše řešení nemusí být „kulturně“ zapsané, ale po vyřešení příkladu přepište podstatné kroky i s komentářem na zvláštní list a odevzdejte tento zvláštní list (listy) i všechny ostatní listy, které jste při řešení popsali. Na jeden zvláštní list přepisujte řešení více příkladů – ideálně všech.

Tento list použijte jako obálku a podepište jej.

Pro úspěšné absolvování musíte písemnou část napsat na alespoň 51%.

- Ukažte, že funkci f je možné spojitě rozšířit do bodu $O = (0, 0)$, že toto rozšíření má v bodě O silnou derivaci a tuto silnou derivaci vypočtěte.

$$f : (x, y) \mapsto \left(\sin(x^2 + 2x - y), \frac{x^4}{x^2 + y^2} \right)$$

- Pro funkci $f : (x, y) \mapsto 2^{x^2+2y^2-6x+4y}$ nalezněte lokální extrémy a určete jejich typ.
- Metodou Lagrangeových multiplikátorů nalezněte maximum a minimum funkce f na množině M a výsledek zkontrolujte grafickým řešením.

$$f : (x, y) \mapsto 3x + 2y, \quad M = \{(x, y) \in \mathbb{R} : 4x^2 + 3y^2 = 4\}.$$

- Načrtněte těleso T a odhadněte jeho objem a polohu těžiště.

$$T = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x^2 + y^2 \leq 1, z \in [0, 1 - x^2 - y^2]\}$$

Poté vypočtěte objem V a integrál

$$S = \int_T z \, dx \, dy \, dz$$

a vypočtěte polohu těžiště $(0, 0, S/V)$.